

学習のヒント

一番小さい数は根性で求める。あとは、等差数列。

① 3でわると2あまる2けたの数について、次の問いに答えなさい。

(1) 最も小さい数は()です。

(2) 最も大きい数は()です。

(3) このような数は、全部で()個あります。

(4) このような数の和は、()になります。

② 6でわると3あまる2けたの数の和は()です。

③ 2を加えると8でわり切れる数のうち、小さい方から10番目の数は()です。

④ 4でわると2あまり、5でわると4あまる2けたの数の和は()です。

⑤ 7でわると1あまる数のうち、100に最も近いのは()です。

⑥ 3でも4でも1あまる2けたの数の和は()です。

⑦ 5でわると3あまり、6でわると3あまり、7でわるとわり切れる数のうち、1000に最も近いのは()です。

⑧ 4でわると1あまり、3を加えると7でわり切れる数について、次の問いに答えなさい。

(1) 最も小さい数は()です。

(2) 500に最も近い数は()です。

学習のヒント

一番小さい数は根性で求める。あとは、等差数列。

- ① 4でわると1あまる2けたの数について、次の問いに答えなさい。
- (1) 最も小さい数は()です。
- (2) 最も大きい数は()です。
- (3) このような数は、全部で()個あります。
- (4) このような数の和は、()になります。
- ② 7でわると1あまる2けたの数の和は()です。
- ③ 1を加えると6でわり切れる数のうち、小さい方から10番目の数は()です。
- ④ 4でわると1あまり、6でわると3あまる2けたの数の和は()です。
- ⑤ 7でわると3あまる数のうち、100に最も近いのは()です。
- ⑥ 6でも8でも1あまる2けたの数の和は()です。
- ⑦ 4でわると1あまり、6でわると5あまり、5でわるとわり切れる数のうち、1000に最も近いのは()です。
- ⑧ 5でわると2あまり、1を加えると6でわり切れる数について、次の問いに答えなさい。
- (1) 最も小さい数は()です。
- (2) 500に最も近い数は()です。

数列に関する問題(2)の1

解答

- 1 (1) 1 1 (2) 9 8 (3) 3 0 (4) 1 6 3 5
 2 8 5 5
 3 7 8
 4 2 7 0
 5 9 9
 6 4 4 0
 7 9 0 3
 8 (1) 2 5 (2) 5 0 1

解説

- 1 (1) 3でわると2あまる数は, 2, 5, 8, 11, 14…
 2けたで最も小さい数は, 11。
 (2) はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用する。
 ふつう, 2けたで最も大きな数は99だから,
 $11 + 3 \times (\square - 1) = 99$ とすると,
 $99 - 11 = 88$ $88 \div 3 = 29.3\dots$ $29.3\dots + 1 = 30.3\dots$
 よって, 最も大きい数は30番目の数だから, もう一度公式にあてはめて,
 $11 + 3 \times (30 - 1) = \underline{98}$
 (3) (2)で求めたように, 最も大きい数は30番目の数だから, 全部で30個ある。
 (4) 和=(はじめ+おわり)×個数÷2 の公式を利用する。
 はじめの数は11, おわりの数は98, 個数は30個だから,
 $(11 + 98) \times 30 \div 2 = \underline{1635}$
- 2 6でわると3あまる数は, 3, 9, 15, 21…
 2けたで最も小さい数は15。
 次に, 2けたで最も大きい数を, はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用して求め
 る。ふつう, 2けたで最も大きな数は99だから,
 $15 + 6 \times (\square - 1) = 99$ とすると,
 $99 - 15 = 84$ $84 \div 6 = 14$ $14 + 1 = 15$
 よって, 最も大きい数は15番目の数である99になる。
 次に, 和=(はじめ+おわり)×個数÷2 の公式を利用する。
 はじめの数は15, おわりの数は99, 個数は15個だから,
 $(15 + 99) \times 15 \div 2 = \underline{855}$
- 3 2を加えると8でわり切れる, 最も小さい数は $8 - 2 = 6$ 。
 あとは, 最も小さい数である6に, 8を加えていくとどんどん書くことができる。
 6, 14, 22, 30, 38, …
 10番目の数は, はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $6 + 8 \times (10 - 1) = \underline{78}$ 。
- 4 4でわると2あまる数 → 2, 6, 10, 14, …
 5でわると4あまる数 → 4, 9, 14, 19, …
 よって, 最も小さい数は14であることがわかった。
 あとは, 4と5の最小公倍数である20を加えていくと, どんどん書くことができる。
 2けたの数をすべて書くと, 14, 34, 54, 74, 94の, 5個。
 これらの数の和は, $(14 + 94) \times 5 \div 2 = \underline{270}$

数列に関する問題(2)の1

解説のつづき

5 7でわると1あまる数は, 1, 8, 15, 22, ...
 100に最も近い数を, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $1 + 7 \times (\square - 1) = 100$ とすると,
 $100 - 1 = 99$ $99 \div 7 = 14.1 \dots$ $14.1 + 1 = 15.1$
 よって, 100に最も近い数は, 15番目の数である。
 もう一度公式にあてはめて, $1 + 7 \times (15 - 1) = \underline{99}$

6 3でわると1あまる数 \rightarrow 1, 4, 7, 10, ...
 4でわると1あまる数 \rightarrow 1, 5, 9, 13, ...
 よって, 最も小さい数は1であることがわかる。
 あとは, 3と4の最小公倍数である12を加えていくと, どんどん書くことができる。
 2けたの数を書いていくと, 13, 25, 37, ...
 次に, 2けたで最も大きい数を, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $13 + 12 \times (\square - 1) = 99$ とすると,
 $99 - 13 = 86$ $86 \div 12 = 7.1 \dots$ $7.1 + 1 = 8.1$
 よって, 2けたで最も大きい数は, 8番目の数である。
 もう一度公式にあてはめて, $13 + 12 \times (8 - 1) = 97$ が, 最も大きい数である。
 和=(はじめ+おわり) \times 個数 \div 2=(13+97) \times 8 \div 2=440

7 条件は3つあった。

- | | |
|---|------------|
| ア | 5でわると3あまる |
| イ | 6でわると3あまる |
| ウ | 7でわるとわり切れる |

この3つの条件をすべて考えるのではなく, まずどれか2つの条件だけで考える。
 いまは, アとイの条件だけで考えてみる。
 ア 5でわると3あまる \rightarrow 3, 8, 13, 18, ...
 イ 6でわると3あまる \rightarrow 3, 9, 15, 21, ...
 よって, 最も小さい数は3であることがわかった。
 あとは, 5と6の最小公倍数である30を加えていくと, どんどん書くことができる。
 3, 33, 63, 93...
 これらの数のうち, ウの条件である「7でわるとわり切れる」となるものをさがすと, 63があてはまることに気がつく。
 よって, 3つの条件すべてにあてはまる最も小さい数は, 63であることがわかった。
 あとは, 5と6と7の最小公倍数である210を加えていくと, どんどん書くことができる。
 63, 273, 483, 693, 903, 1113, ...
 よって, 1000に最も近い数は, 903であることがわかった。

8(1) 4でわると1あまる数 \rightarrow 1, 5, 9, 13, 17, 21, 25, ...
 3を加えると7でわり切れる数 \rightarrow 4, 11, 18, 25, 32, ...
 よって, 最も小さい数は25になる。
 (2) (1)により, 最も小さい数は25であることがわかっている。
 あとは, 4と7の最小公倍数である28を加えていくと, どんどん書くことができる。
 25, 53, 81, ...
 500に最も近い数を求めるために, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を使う。
 $25 + 28 \times (\square - 1) = 500$ とすると,
 $500 - 25 = 475$ $475 \div 28 = 16.9 \dots$ $16.9 + 1 = 17.9$
 よって, 500に最も近い数は, 18番目の数であることがわかった。
 もう一度公式を利用して, $25 + 28 \times (18 - 1) = \underline{501}$

数列に関する問題(2)の2

解答

- 1 (1) 1 3 (2) 9 7 (3) 2 2 (4) 1 2 1 0
 2 7 4 1
 3 5 9
 4 3 9 9
 5 1 0 1
 6 2 4 4
 7 1 0 2 5
 8 (1) 1 7 (2) 4 9 7

解説

- 1 (1) 4でわると1あまる数は, 1, 5, 9, 13, 17…
 2けたで最も小さい数は, 13。
 (2) はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用する。
 ふつう, 2けたで最も大きな数は99だから,
 $13 + 4 \times (\square - 1) = 99$ とすると,
 $99 - 13 = 86$ $86 \div 4 = 21.5 \dots$ $21.5 + 1 = 22.5$
 よって, 最も大きい数は22番目の数だから, もう一度公式にあてはめて,
 $13 + 4 \times (22 - 1) = \underline{97}$
 (3) (2)で求めたように, 最も大きい数は22番目の数だから, 全部で22個ある。
 (4) 和=(はじめ+おわり)×個数÷2 の公式を利用する。
 はじめの数は13, おわりの数は97, 個数は22個だから,
 $(13 + 97) \times 22 \div 2 = \underline{1210}$
- 2 7でわると1あまる数は, 1, 8, 15, 22, …
 2けたで最も小さい数は15。
 次に, 2けたで最も大きい数を, はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用して求め
 る。ふつう, 2けたで最も大きな数は99だから,
 $15 + 7 \times (\square - 1) = 99$ とすると,
 $99 - 15 = 84$ $84 \div 7 = 12$ $12 + 1 = 13$
 よって, 最も大きい数は13番目の数である99になる。
 次に, 和=(はじめ+おわり)×個数÷2 の公式を利用する。
 はじめの数は15, おわりの数は99, 個数は13個だから,
 $(15 + 99) \times 13 \div 2 = \underline{741}$
- 3 1を加えると6でわり切れる, 最も小さい数は $6 - 1 = 5$ 。
 あとは, 最も小さい数である5に, 6を加えていくとどんどん書くことができる。
 5, 11, 17, 23, 29, …
 10番目の数は, はじめ+ふえる数×(番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $5 + 6 \times (10 - 1) = \underline{59}$ 。
- 4 4でわると1あまる数 → 1, 5, 9, 13, …
 6でわると3あまる数 → 3, 9, 15, 21, …
 よって, 最も小さい数は9であることがわかった。
 あとは, 4と6の最小公倍数である12を加えていくと, どんどん書くことができる。
 2けたの数をすべて書くと, (9,)21, 33, 45, 57, 69, 81, 93の, 7個。
 これらの数の和は, $(21 + 93) \times 7 \div 2 = \underline{399}$

数列に関する問題(2)の1

解説のつづき

5 7でわると3あまる数は, 3, 10, 17, 24, ...
 100に最も近い数を, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $3 + 7 \times (\square - 1) = 100$ とすると,
 $100 - 3 = 97$ $97 \div 7 = 13.8 \dots$ $13.8 + 1 = 14.8$
 よって, 100に最も近い数は, 15番目の数である。
 もう一度公式にあてはめて, $3 + 7 \times (15 - 1) = \underline{101}$

6 6でわると1あまる数 \rightarrow 1, 7, 13, ...
 8でわると1あまる数 \rightarrow 1, 9, 17,
 よって, 最も小さい数は1であることがわかる。
 あとは, 6と8の最小公倍数である24を加えていくと, どんどん書くことができる。
 2けたの数を書いていくと, (1,)25, 49, 73, 97。...
 2けたの数のうち, はじめの数は25で, おわりの数は97。個数は4個だから, 和の公式にあてはめて,
 和 = (はじめ+おわり) \times 個数 \div 2 = (25 + 97) \times 4 \div 2 = 244

7 条件は3つあった。

- ア 4でわると1あまる
- イ 6でわると5あまる
- ウ 5でわるとわり切れる

この3つの条件をすべて考えるのではなく, まずどれか2つの条件だけで考える。
 いまは, アとイの条件だけで考えてみる。
 ア 4でわると1あまる \rightarrow 1, 5, 9, 13, 17, ...
 イ 6でわると5あまる \rightarrow 5, 11, 17, 23, 29, ...
 よって, 最も小さい数は5であることがわかった。
 しかも, その「5」は, ウの条件にもあてはまる。
 よって, 3つの条件すべてにあてはまる最も小さい数は, 5であることがわかった。
 あとは, 4と6と5の最小公倍数である60を加えていくと, どんどん書くことができる。
 5, 65, 125, 185, ...
 1000に最も近い数を, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を利用して求める。
 $5 + 60 \times (\square - 1) = 1000$ とすると,
 $1000 - 5 = 995$ $995 \div 60 = 16.5 \dots$ $16.5 + 1 = 17.5$
 よって, 1000に最も近い数は, 18番目の数である。
 もう一度公式を利用して,
 $5 + 60 \times (18 - 1) = \underline{1025}$

8(1) 5でわると2あまる数 \rightarrow 2, 7, 12, 17, 22, 27, ...
 1を加えると6でわり切れる数 \rightarrow 5, 11, 17, 23, ...
 よって, 最も小さい数は17になる。
 (2) (1)により, 最も小さい数は17であることがわかっている。
 あとは, 5と6の最小公倍数である30を加えていくと, どんどん書くことができる。
 17, 47, 77, 107, ...
 500に最も近い数を求めるために, はじめ+ふえる数 \times (番目-1)=数 の公式を使う。
 $17 + 30 \times (\square - 1) = 500$ とすると,
 $500 - 17 = 483$ $483 \div 30 = 16.1$ $16.1 + 1 = 17.1$
 よって, 500に最も近い数は, 17番目の数であることがわかった。
 もう一度公式を利用して, $17 + 30 \times (17 - 1) = \underline{497}$