

演習問題集・5年下・第12回

反復基本問題・反復練習問題のくわしい解説

目次

反復基本	1	(1)...	p.1
反復基本	1	(2)...	p.2
反復基本	1	(3)...	p.3
反復基本	1	(4)...	p.4
反復基本	1	(5)...	p.5
反復基本	1	(6)...	p.6
反復基本	2	(1)...	p.7
反復基本	2	(2)...	p.8
反復基本	2	(3)...	p.9
反復基本	3	(1)...	p.10
反復基本	3	(2)...	p.11
反復基本	4	(1)...	p.12
反復基本	4	(2)...	p.13
反復練習	1	...	p.14
反復練習	2	(1)...	p.16
反復練習	2	(2)...	p.17
反復練習	3	(1)...	p.18
反復練習	3	(2)...	p.20
反復練習	4	(1)...	p.21
反復練習	4	(2)...	p.22
反復練習	5	(1)...	p.23
反復練習	5	(2)...	p.23
チャレンジ	(1)...	p.24	
チャレンジ	(1)...	p.25	

反復基本 1 (1)

ワンポイント 川を上るときは，流れの速さのぶんだけ遅くなります。

静 = 毎分 75 m
川 = 毎分 15 m

上るときの速さは，静水時の速さよりも，流れる川の速さのぶんだけ遅くなる。

流水算の速さ

静 - 川 = 上
静 + 川 = 下
(下 + 上) ÷ 2 = 静
(下 - 上) ÷ 2 = 川

上るときの速さは，静 - 川 = $75 - 15 = 60$ (m/分)。

毎分 60 m の速さで，A 地から B 地まで上ったら 40 分かかったのだから，A 地から B 地までの距離は， $60 \times 40 = 2400$ (m)。

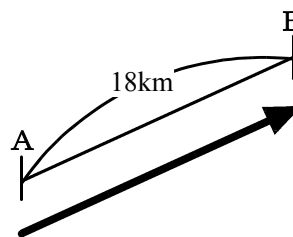
$2400 \text{ m} = 2.4 \text{ km}$ 。 ($2\frac{2}{5}$ km でも正解)

反復基本 1 (2)

ワンポイント 川を上るときは，流れの速さのぶんだけおそくなります。

この船は，A地から18 km上流にある
B地まで，1時間40分 = $1\frac{2}{3}$ 時間かっ
ている。

上りの時速は， $18 \div 1\frac{2}{3} = 10.8$ (km)。



上 = 毎時 10.8 km

川 = 毎時 1 km

上るときは，静水時の速さよりも，川の流れの速さのぶんだけ遅くなる。

毎時 1 km だけ遅くなって，毎時 10.8 km の速さになったのだから，静水時の時速は， $10.8 + 1 = 11.8$ (km)。

($11\frac{4}{5}$ kmでも正解)

流水算の速さ

静 - 川 = 上

静 + 川 = 下

(下 + 上) ÷ 2 = 静

(下 - 上) ÷ 2 = 川

反復基本 1 (3)

ワンポイント まず、A から B までの距離を求めましょう。

川 = 毎時 3 km
 静 = 毎時 24 km

— 流水算の速さ —

静 - 川 = 上
静 + 川 = 下
 (下 + 上) ÷ 2 = 静
 (下 - 上) ÷ 2 = 川

下るときの時速は、静水時の時速よりも、川の流れの時速のぶんだけ速くなるから、 $24 + 3 = 27$ (km)。

時速 27 km で A 地点から B 地点まで下ると、2 時間 20 分 $= 2\frac{20}{60}$ 時間 $= 2\frac{1}{3}$ 時間
 かかったのだから、A 地点から B 地点までの距離は、 $27 \times 2\frac{1}{3} = \frac{27 \times 7}{3} = 63$ (km)。

この船が上るときの時速は、静水時の時速よりも、川の流れの時速のぶんだけ遅くなるから、 $24 - 3 = 21$ (km)。

時速 21 km で、63 km の距離を上ったのだから、 $63 \div 21 = 3$ (時間)。

反復基本 1 (4)

ワンポイント 以下の解説は，最小公倍数で距離を決める解き方で説明しています。

問題文を読むと，A地点からB地点までの距離が何も書かれていない。

書かれていないということは，どんな距離にしても答えが求められるということ。

なるべく計算しやすい距離の方が良いので，1時間12分=72分と，1時間30分=90分の最小公倍数の，720(m)に決める。

720mを，下ると72分かかるので，下りの分速は， $720 \div 72 = 10$ (m)。

720mを，上ると90分かかるので，上りの分速は， $720 \div 90 = 8$ (m)。

下 = 分速 10 m
上 = 分速 8 m

流水算の速さ

静 - 川 = 上
静 + 川 = 下
(下 + 上) \div 2 = 静
(下 - 上) \div 2 = 川

川の流れの分速は， $(10 - 8) \div 2 = 1$ (m)。

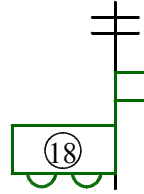
エンジンを止めたまま，川の流りに流されると，分速1mで，A地点からB地点までの720mを進むことになるから， $720 \div 1 = 720$ 分かかる。

1時間は60分なので，720分は， $720 \div 60 = 12$ (時間)。

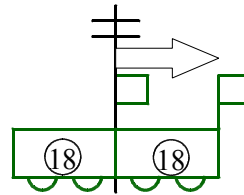
反復基本 1 (5)

ワンポイント 電車の先頭に旗を立てると、解きやすくなります。

電車の先頭に旗を立てて考えよう。
電車が電柱を通過し始めてから、

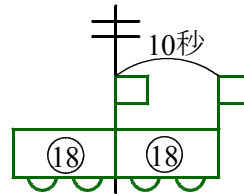


電柱を通過し終わるまでに、



電車の先頭の旗は、10秒間 進んだ。

電車は毎秒18mの速さだから、10秒間で、
 $18 \times 10 = 180$ (m) 進んだ。



電車の長さは、旗から旗までの長さと同じだから、
電車の長さは、**180** m。

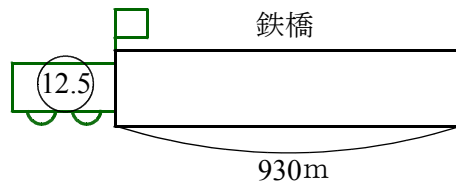
反復基本 1 (6)

ワンポイント 時速を秒速に直すときに，結構間違えます。

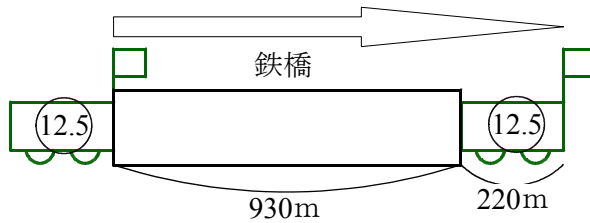
時速 45 km

- 1 時間に 45 km
- 60 分に 45000 m
- 1 分に 750 m
- 60 秒に 750 m
- 1 秒に 12.5 m。

電車が鉄橋を通過し始めてから，



通過し終わるまでに，
電車の先頭の旗は，
 $930 + 220 = 1150$ (m)
進んでいる。

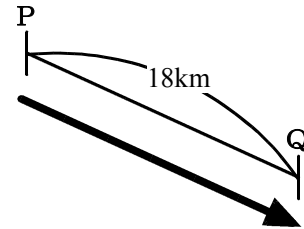


1 秒間に 12.5 m 進むのだから，
1150 m を進むのに，
 $1150 \div 12.5 = 92$ (秒) → **1 分 32 秒**。

反復基本 2 (1)

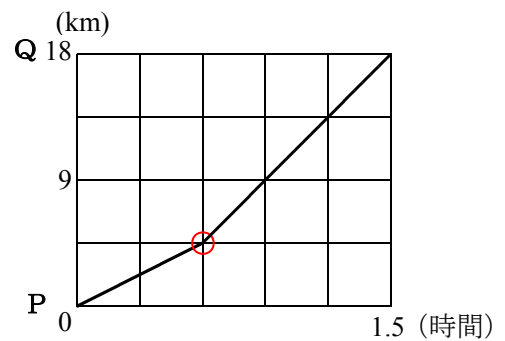
ワンポイント エンジンを止めたときは、川の流れの速さで進むことになります。

船Aは、川上から川下へ進んでいった。
はじめはエンジンを止めた状態だったが、エンジンを止めても、PからQまでは川が下っているのです、川の流れの速さで進んでいく。



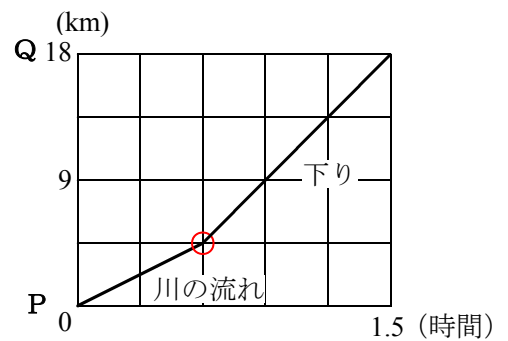
右のグラフの○のところまでは、川の流れにまかせて進んでいった。

○からあとは、エンジンを動かして進んだのだから、「エンジン+川」の速さで、川を下っていった。



よって、はじめは川の流れの速さで、途中からは下りの速さで進んでいった。

ところで、たてじくは、2めもりあたり9 kmだから、1めもりあたり、 $9 \div 2 = 4.5$ (km)。
横じくは、5めもりあたり1.5時間だから、1めもりあたり、 $1.5 \div 5 = 0.3$ (時間)。
川の流れは、 $0.3 \times 2 = 0.6$ (時間)で4.5 km進むような速さだから、時速、 $4.5 \div 0.6 = 7.5$ (km)。



また、下りは、 $0.3 \times 3 = 0.9$ (時間)で、 $4.5 \times 3 = 13.5$ (km)を進むような速さだから、時速、 $13.5 \div 0.9 = 15$ (km)。

川の流れは時速7.5 kmで、下りは時速15 kmだから、静水時の時速は、 $15 - 7.5 = 7.5$ (km)。

流水算の速さ

静 - 川 = 上

静 + 川 = 下

(下 + 上) \div 2 = 静

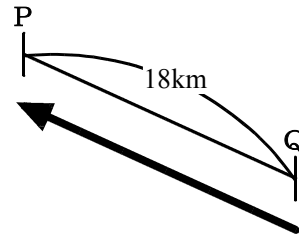
(下 - 上) \div 2 = 川

反復基本 2 (2)

ワンポイント (1)で求めた流れの速さを利用します。

船Bは、Q地を出発してP地に向かうのだから、川を上っていくことになる。

船Bの静水時の速さは時速19.5 km、川の流れの速さは(1)で求めたように、時速7.5 km。



静 = 時速 19.5 km
川 = 時速 7.5 km

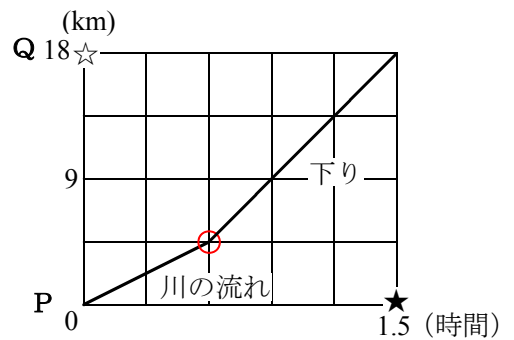
流水算の速さ
静 - 川 = 上
 静 + 川 = 下
 (下 + 上) ÷ 2 = 静
 (下 - 上) ÷ 2 = 川

上るときの速さは、静水時の速さよりも、川の流れの速さのぶんだけ遅くなる。

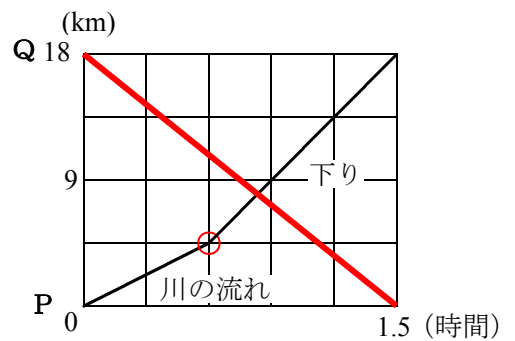
よって、船Bが川を上るときの時速は、
 $19.5 - 7.5 = 12$ (km)。

時速12 kmの速さで、船Aと同時にQ地を出発し(右のグラフの☆)、Q地からP地までの18 kmを進むと、 $18 \div 12 = 1.5$ (時間)かかる。

よって、右のグラフの★のところで、P地に着く。



したがって、船Bの運行のようすは、右のグラフの赤い線のようになる。



反復基本 2 (3)

ワンポイント グラフの良いところは、「クロス形」が利用できることです。

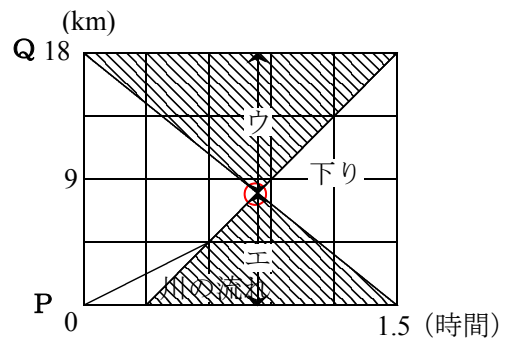
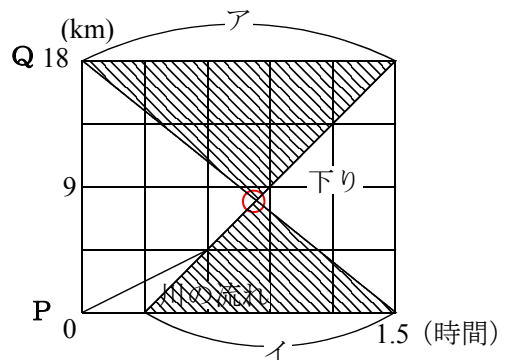
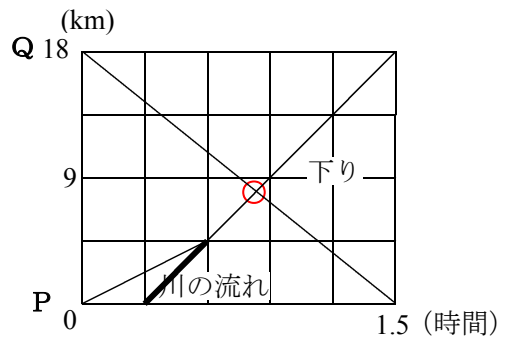
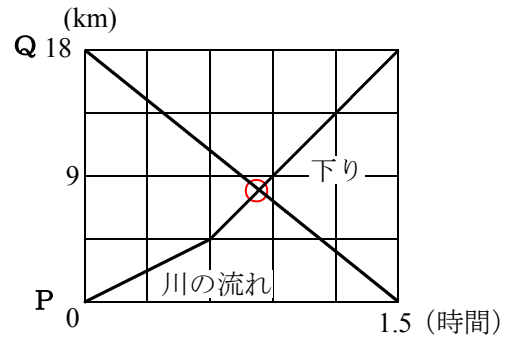
(2)で求めたグラフの、船Aと船Bが交わっているところ(グラフの○)が、船Aと船Bがすれちがったことを表している。

このようなダイヤグラムのグラフでは、「クロス形」があれば、比を使って求めることができるが、残念ながらクロス形がない。

しかし、右のグラフの太線のようにグラフを伸ばせば、「クロス形」になる。

右のグラフのアは5めもりで、イは4めもりなので、斜線部分のクロス形は、5 : 4になる。

右の図のウ : エも5 : 4になるので、船Aと船Bがすれちがうのは、P地から、
 $18 \div (5 + 4) \times 4 = 8$ (km) のところ。



反復基本 3 (1)

ワンポイント 「流れにそって」は下り、「流れにさかかって」は上りです。

「流れにそって泳ぐ」と、流れないプールを泳ぐときよりも、流れのぶんだけ速く泳ぐことができる。

つまり、「流れにそって泳ぐ」というのは、「船が川を下る」場合と同じだと考えることができる。

同じようにして、「流れにさかかって泳ぐ」というのは、「船が川を上る」のと同じ。

A君は、2分30秒 = 2.5分で、200mを下った。

下りの分速は、 $200 \div 2.5 = 80$ m。

また、A君は、5分で、200mを上った。

上りの分速は、 $200 \div 5 = 40$ (m)。

下 = 分速 80 m

上 = 分速 40 m

流れの分速は、

$$(下 - 上) \div 2$$

$$= (80 - 40) \div 2$$

$$= 20 \text{ (m)}。$$

流水算の速さ

静 - 川 = 上

静 + 川 = 下

$(下 + 上) \div 2 = 静$

$(下 - 上) \div 2 = 川$

反復基本 3 (2)

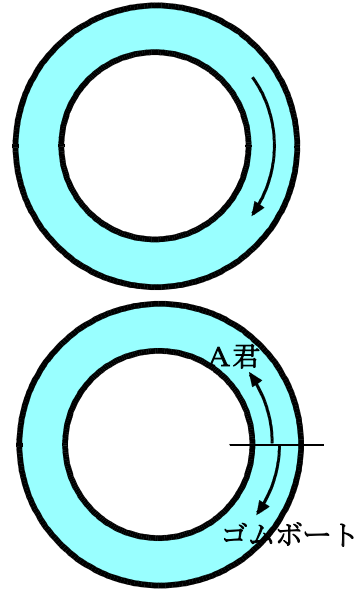
ワンポイント ゴムボートは流れの速さで進み、A君は上りの速さで進みます。

右図のように、流れるプールを、時計回りに水が流れていたとする。流れの速さは、(1)で求めたように、毎分20m。

ゴムボートを手放すと、ゴムボートは流れに乗って、毎分20mの速さで時計回りに動く。

A君は流れにさかかって泳ぐので、(1)で求めた「上りの速さ」である、分速40mで反時計回りに泳ぐことになる。

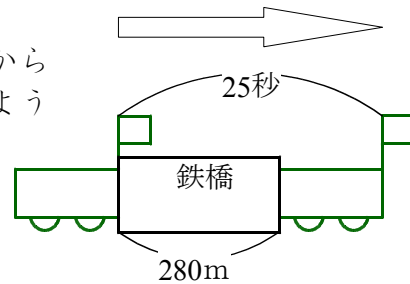
1周は200mだから、A君がゴムボートに出会うのは、 $200 \div (20 + 40) = 3\frac{1}{3}$ (分) → **3分20秒**



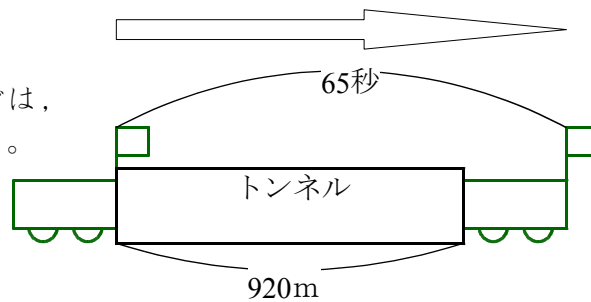
反復基本 4 (1)

ワンポイント 鉄橋のときの図と，トンネルのときの図を書いて，くらべます。

電車が，長さ280mの鉄橋を通過し始めてから通過し終わるまでに，電車の先頭の旗は右図のように動く。



1分5秒=65秒だから，電車が長さ920mのトンネルを通過し始めてから通過し終わるまでは，電車の先頭の旗は右図のように動く。



鉄橋の通過は25秒，トンネルの通過は65秒で，トンネルの方が時間がかかっている。

その理由は，トンネルの方が長いから。

トンネルの方が， $920 - 280 = 640$ (m) 長いから，電車は $65 - 25 = 40$ (秒) だけ，よぶんな時間がかかった。

よって，この電車は，40秒で640m走る。

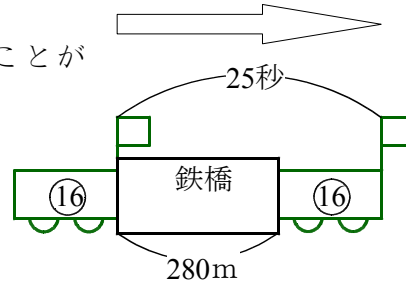
電車の速さは，毎秒， $640 \div 40 = 16$ (m)。

反復基本 4 (2)

ワンポイント (1)が理解できたら、(2)は簡単です。

(1)によって、電車は1秒間に16mずつ進むことがわかった。

右図のように、電車の先頭の旗は25秒間で、 $16 \times 25 = 400$ (m) 進む。



鉄橋の長さは280mだから、電車の長さは、 $400 - 280 = 120$ (m)。

反復練習 1

ワンポイント 「川の速さが違って、出会う時間は同じ」を利用する大切な問題です。

まず、次の類題を解いてみよう。

類題

流れの速さが毎時2 kmである川の上流にある北町から下流にある南町までの60 kmを往復する2せきの船A, Bがあります。

いま、A, Bがそれぞれ北町と南町を同時に出発したら、2つの船は何時間後に出会いますか。

ただし、A, Bの静水時の速さをそれぞれ毎時12 km, 毎時18 kmとします。

この類題の場合、A船は下ることになるので、毎時 $12 + 2 = 14$ (km) の速さになり、B船は上ることになるので、毎時 $18 - 2 = 16$ (km) の速さになる。

出会うのは、 $60 \div (14 + 16) = 2$ (時間後) になる。

次の類題ではどうでしょう。

類題

流れの速さが毎時1 kmである川の上流にある北町から下流にある南町までの60 kmを往復する2せきの船A, Bがあります。

いま、A, Bがそれぞれ北町と南町を同時に出発したら、2つの船は何時間後に出会いますか。

ただし、A, Bの静水時の速さをそれぞれ毎時12 km, 毎時18 kmとします。

この類題の場合、A船は下ることになるので、毎時 $12 + 1 = 13$ (km) の速さになり、B船は上ることになるので、毎時 $18 - 1 = 17$ (km) の速さになる。

出会うのは、 $60 \div (13 + 17) = 2$ (時間後) になる。

上の2つの類題では、出会う時間はまったく同じになった。

つまり、川の速さがいくらであろうとも、出会う時間には影響しない、ということ。

なぜ影響しないかという点、以下の理由による。

Aの静水時の速さは毎時12 kmだったが、下るときは毎時 $(12 + \text{川})$ kmになる。

川の流れのぶんだけ、速くなった。

Bの静水時の速さは毎時18 kmだったが、上るときは、毎時 $(18 - \text{川})$ kmになる。

川の流れのぶんだけ、おそくなった。

出会うときは、それぞれの速さを足すことになるが、 $(12 + \text{川})$ と $(18 - \text{川})$ を足すと、 $(12 + \text{川} + 18 - \text{川})$ となり、「+川」と「-川」とが打ち消し合ってなくなり、 $(12 + 18)$ だけでOKになる。

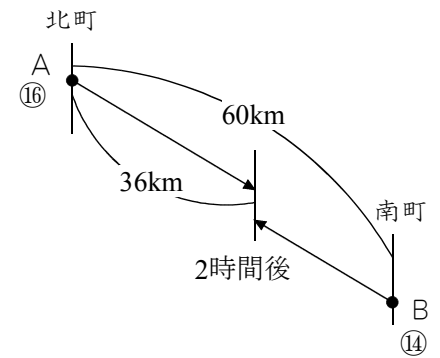
つまり、出会う時間を求めるときは、川を無視して、静水時の速さを足せばよい。

(次のページへ)

この問題の場合，北町から南町までは60 kmあり，A，Bの静水時の速さはそれぞれ毎時16 km，毎時14 kmだから，出会うのは， $60 \div (16 + 14) = 2$ （時間後）。

右の図のようになるので，Aの時速は， $36 \div 2 = 18$ （km）だったことがわかる。

Aの静水時の速さは，毎時16 kmだったから，川の流れの速さは， $18 - 16 = 2$ （km）。

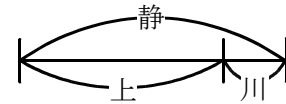


反復練習 2 (1)

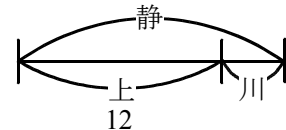
ワンポイント 「流れ・静水時・上り・下り」の速さの関係を表す線分図を書こう。

この問題のような、「川の流れる速さが変わる」問題とか、「静水時の速さが変わる」問題の場合は、川の流れる速さ・静水時・上り・下りの速さを線分図で表すことが大切。

「上りの速さ」は、静水時の速さよりも、川の流れる速さのぶんだけ遅くなるのだった。
式で表すと、「静 - 川 = 上」だが、それを線分図で表すと、右図のようになる。

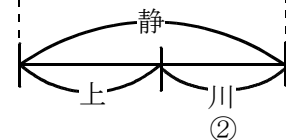
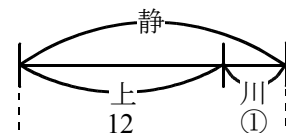


いつもは60 kmを上るのに5時間かかるので、いつもの上りの時速は、 $60 \div 5 = 12$ (km)。

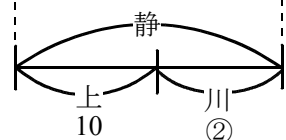
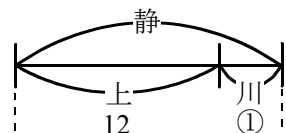


ところがある日、川の流れる速さがいつもの2倍になった。

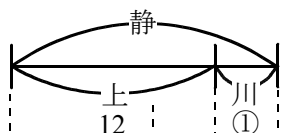
つまり、いつもの川の流れる速さを①とすると、ある日は、川の流れる速さが②になった。



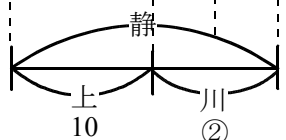
ある日は、60 kmを上るのに6時間かかったので、上りの時速は、 $60 \div 6 = 10$ (km) になった。



「いつも」と「ある日」の線分図をたてに並べてくらべてみると、 $② - ① = ①$ あたり、 $12 - 10 = 2$ であることがわかる。



静水時の時速は、 $12 + ① = 14$ (km) になる。



反復練習 2 (2)

ワンポイント (1)がわかったら、(2)は簡単です。

(1)で、静水時の速さは毎時14 km、いつもの川の流れの速さは毎時2 kmであることがわかった。

静水時の速さは毎時14 kmで変わらず、川の流れの速さは2倍になったのだから、この日の下りの時速は、 $14 + 2 \times 2 = 18$ (km)。

時速18 kmで、60 kmを下るのだから、

$$60 \div 18 = \frac{10}{3} = 3\frac{1}{3} \text{ (時間)} = \mathbf{3 \text{ 時間 } 20 \text{ 分}}。$$

— 流水算の速さ —

静 - 川 = 上

静 + 川 = 下

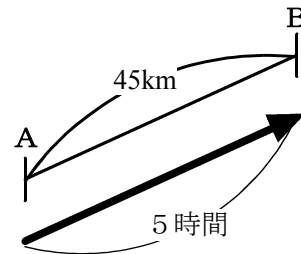
(下 + 上) \div 2 = 静

(下 - 上) \div 2 = 川

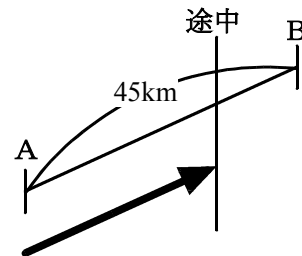
反復練習 3 (1)

ワンポイント きちんと図を書き，時間がよけいにかかった理由を考えましょう。

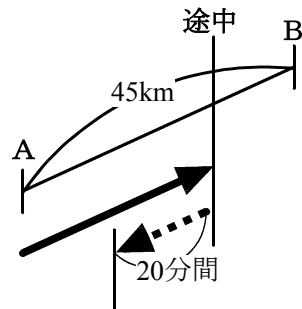
いつもは，5時間で45 km 上るのだから，
 上りの時速は， $45 \div 5 = 9$ (km)。…ア



ところが途中で，エンジンが動かなくなった。

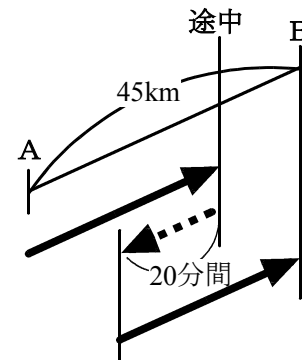


エンジンが動かなくなったとき，その場所に
 ずっといるわけではなく，川に流されて，A地点
 の方向に20分間もどってしまう。



そしてエンジンが復活して，結局はB地点に
 着くことができた。

いつもは5時間かかって上ることができるのだが，
 この日は5時間28分かかったと問題に書いてある。
 どうしていつもより28分間も，よけいな時間が
 かかったのかを，よく考えてみよう。



(次のページへ)

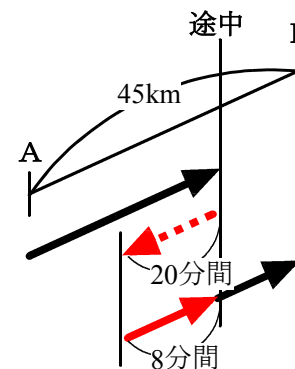
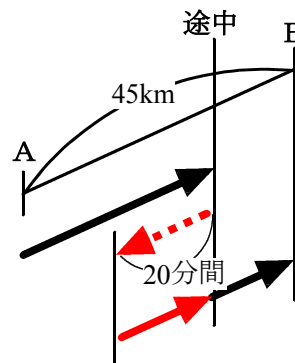
いつもより28分間も、よけいな時間がかかった理由は、2つある。

- 第1. 途中の地点から川に20分間流された。
- 第2. 復活した地点から、途中の地点までもどらなければならなかった。

以上2つの理由のために、28分もよけいな時間がかかった。

ところで、2つの理由のうちの1つめでは、20分間の時間がかかっている。

よって、2つめの、「復活した地点から、途中の地点まで」もどるには、 $28 - 20 = 8$ (分) かかる。



上りの速さは、 $\color{red}{7}$ で求めたように時速9 km だった。

「復活した地点から、途中の地点まで」は、時速9 kmで8分 ($= \frac{8}{60}$ 時間) かかるのだ

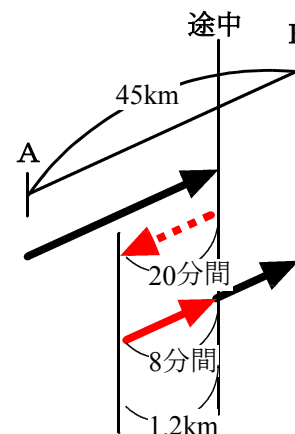
から、 $9 \times \frac{8}{60} = 1.2$ (km)。

この1.2 kmという距離は、川に20分間流された距離でもある。

よってこの川は、20分間 ($= \frac{1}{3}$ 時間) に1.2 km流れる。

川の流れの速さは、時速 $1.2 \div \frac{1}{3} = \color{red}{3.6}$ (km) になる。

(分数で、時速 $3\frac{3}{5}$ kmと答えても正解。)



反復練習 3 (2)

ワンポイント わかっていることを，きちんと整理しましょう。

(1)で，上りの速さは毎時9 kmであることがわかった。
また，川の流れの速さは毎時3.6 kmであることもわかった。

それから，いつもは上るのに5時間かかることは，問題に書いてあった。
よって，下るのに何時間かかるのかがわかれば，往復にかかる時間もわかる。

A地点からB地点までの距離は45 kmであるとわかっているのだから，下りにかかる時間を求めるためには，下りの速さがわかればよい。

上りの速さである毎時9 kmは，静水時の速さよりも川の速さである毎時3.6 kmだけ遅くなっている。

よって，静水時の時速は， $9 + 3.6 = 12.6$ (km)。

下りの速さは，静水時の速さである時速12.6 kmよりも，川の速さである毎時3.6 kmだけ速いはず。

よって，下りの時速は， $12.6 + 3.6 = 16.2$ (km)。

時速16.2 kmで，45 kmを下るのだから，下りにかかる時間は，
 $45 \div 16.2 = \frac{45}{16.2} = 2\frac{7}{9}$ (時間)。

上りは5時間かかっているのだから，往復にかかる時間は，

$$5 + 2\frac{7}{9} = 7\frac{7}{9} \text{ (時間)}。$$

流水算の速さ

静 - 川 = 上

静 + 川 = 下

(下 + 上) \div 2 = 静

(下 - 上) \div 2 = 川

反復練習 4 (1)

ワンポイント 図を書いて、列車の先頭に旗を立てましょう。

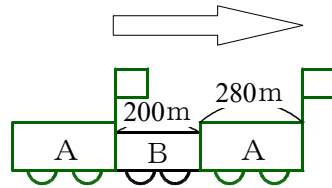
このような問題では、片方の電車を止めて考える。

つまり、止めた電車は鉄橋とか、トンネルだと思って問題を解く。

ただ、動いている方の電車は、もし電車と電車がすれちがう問題だったら「速さの和」にして、電車が電車に追いついて追いこす問題だったら「速さの差」にする。

列車Bを止めて考えることにする。

出会う場合も、追いこす場合も、図は右図のようになり、旗から旗まで、 $200 + 280 = 480$ (m) になる。



出会う場合は10秒かかるから、「速さの和」は、毎秒 $480 \div 10 = 48$ (m)。

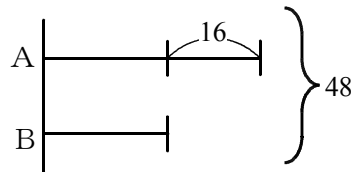
追いこす場合は30秒かかるから、「速さの差」は、毎秒 $480 \div 30 = 16$ (m)。

和と差がわかったのだから、この問題は「和差算」。

線分図を書いて解いていこう。

$$(48 - 16) \div 2 = 16 \text{ (m/秒)} \rightarrow B$$

$$16 + 16 = 32 \text{ (m/秒)} \rightarrow A$$



1秒に32m

→ 1分間に、 $32 \times 60 = 1920$ (m)

→ 1時間に、 $1920 \times 60 = 115200$ (m)

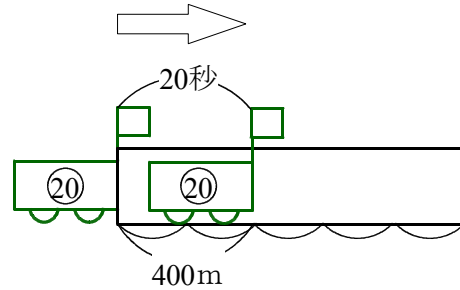
→ **時速115.2 km。**

反復練習 4 (2)

ワンポイント 図を書いて、列車の先頭に旗を立てましょう。

時速 $72 \text{ km} = 1 \text{ 時間に } 72 \text{ km} = 60 \text{ 分に } 72000 \text{ m} = 1 \text{ 分に } 1200 \text{ m}$
 $= 60 \text{ 秒に } 1200 \text{ m} = 1 \text{ 秒に } 20 \text{ m}$ 。

秒速 20 m の列車は 20 秒間 に、
 $20 \times 20 = 400 \text{ (m)}$ 進む。
 これが、右図の2山ぶんにあたる。
 1山あたり、 $400 \div 2 = 200 \text{ (m)}$ 。

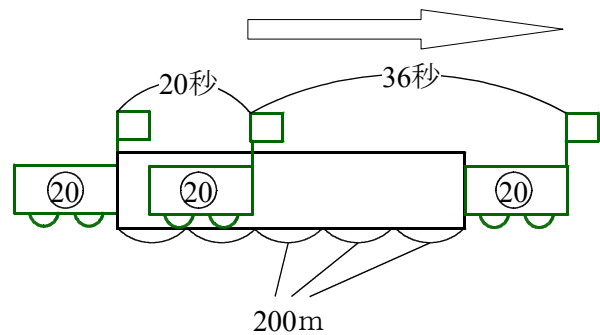


トンネルの長さは5山にあたるので、 $200 \times 5 = 1000 \text{ (m)}$ 。

その後、トンネルを渡り終わるまでは
 36 秒 。

毎秒 20 m の列車だから、 36 秒 で進んだ長さは、 $20 \times 36 = 720 \text{ (m)}$ 。

1山は 200 m だったから、列車の長さは、 $720 - 200 \times 3 = 120 \text{ (m)}$ 。



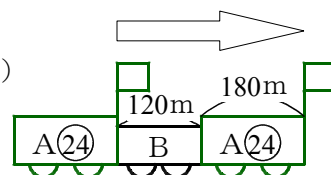
反復練習 5 (1)

ワンポイント (1)だけなら，練習問題ではなく基本問題ぐらい簡単な問題です。

このような問題では，片方の電車を止めて考える。
つまり，止めた電車は鉄橋とか，トンネルだと思って問題を解く。
ただ，動いている方の電車は，もし電車と電車がすれちがう問題だったら「速さの和」にして，電車が電気に追いついて追いこす問題だったら「速さの差」にする。

電車Bを止めて考える。

電車Aの先頭の旗は， $180 + 120 = 300$ (m) 進んだ。1分15秒 = 75秒だから，
 $300 \div (\text{速さの差}) = 75$
よって，速さの差は， $300 \div 75 = 4$ になる。



ところで，この問題では「電車Aが電車Bに追いついてから追いこす」となっているから，電車Aの方が速い。

よって，電車Aの秒速 - 電車Bの秒速 = 4。

電車Aは秒速24 mだったから，電車Bの秒速は， $24 - 4 = 20$ (m)。

反復練習 5 (2)

ワンポイント 追いこされてから1分後の図を書きましょう。

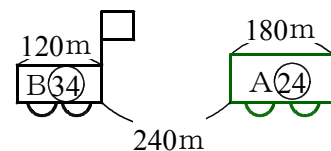
(1)で求めたように，電車Aと電車Bの秒速の差は4 mだった。

よって，電車Bが電車Aに追いこされてから，電車Aと電車Bは，1秒間に4 mずつ離れていく。

1分後 (= 60秒後) には，

$4 \times 60 = 240$ (m) 離れることになる。

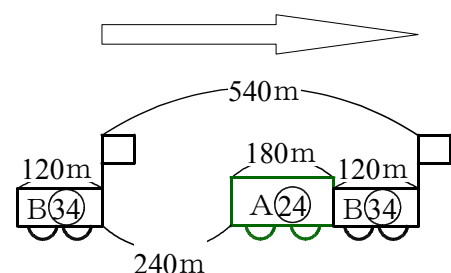
ここで，電車Bは秒速34 mにして電車Aを追いかける。



電車Aを止めて考えると，右図のように，電車Bは， $240 + 180 + 120 = 540$ (m) を進めば，電車Aを追いぬく。

追いぬく問題は，「速さの差」だから，

$540 \div (34 - 24) = 54$ (秒後)。



チャレンジ (1)

ワンポイント 比を有効利用して，計算を少しでも楽にしましょう。

太郎君がA地点から出発して，15分たったところで，丸太とすれちがった。

太郎君は川を上っているのです，時速は， $4 - 1 = 3$ (km)。

丸太は川に流されているのです，川の流れの速さと同じなので，時速1 km。

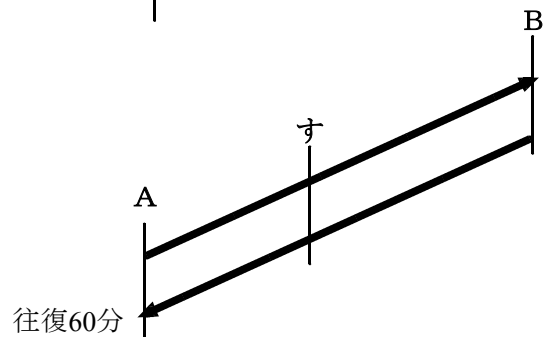
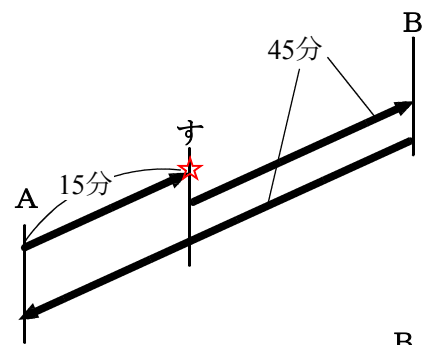
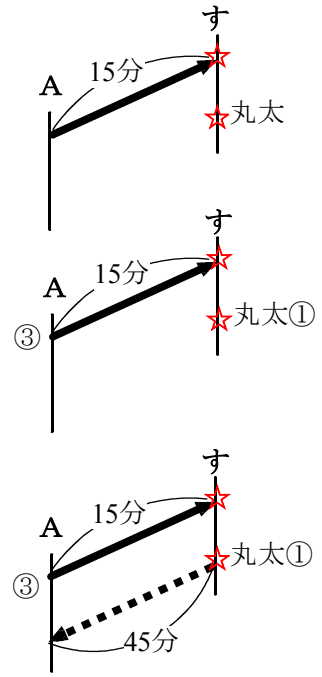
太郎君と丸太の速さの比は $3 : 1$ なので，かかる時間は $1 : 3$ 。

太郎君が15分かかった距離を，丸太は， $15 \times 3 = 45$ (分) かかる。

太郎君と丸太は同時にA地点に着いたのだから，太郎君は丸太と出会ったときから時間をカウントすると，B地点まで上って，そこから下って，A地点にもどるまでが，丸太と同じく45分かかる。

A地点から丸太とすれちがうまでが15分，すれちがってからBまで上り，そこからAまで下るのが45分だったから，全部で， $15 + 45 = 60$ (分)。

結局太郎君がA地点にもどってきたのは，出発してから**60**分後。

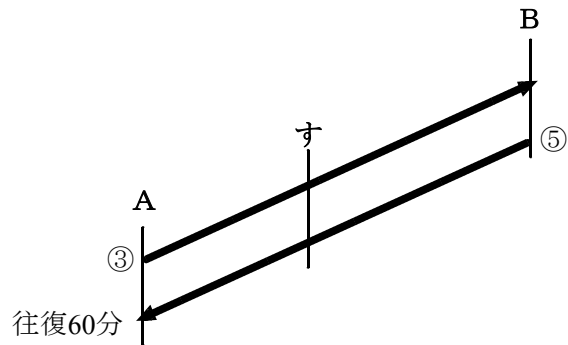


チャレンジ (2)

ワンポイント (1)でわかった往復の時間と、速さの比を利用しましょう。

(1)で、太郎君は往復60分かかることがわかった。

AからBまで上る時速は、
 $4 - 1 = 3$ (km)。
 BからAまで下る時速は、
 $4 + 1 = 5$ (km)。



よって、上りと下りの速さの比は
 $3 : 5$ になるので、かかる時間の比は逆比になって $5 : 3$ 。

60分 = 1時間を $5 : 3$ に分けると、
 上りは $1 \div (5 + 3) \times 5 = \frac{5}{8}$ (時間) かかる。

AからBまで、時速3 kmで、 $\frac{5}{8}$ 時間かかるのだから、AからBまでの距離は、

$$3 \times \frac{5}{8} = 1\frac{7}{8} \text{ (km)}。 \quad (1.875 \text{ km でも正解})$$